CAPES DE MATHEMATIQUES EPREUVE SUR DOSSIER

DOSSIER Nº 90

Question:

Présenter un choix d'exercices sur le thème suivant :

Exemples d'activités sur la nature et l'écriture des nombres en fin de collège et au niveau lycée. Nombres premiers. Applications.

Pour au moins l'un de ces exercices, la résolution doit faire appel à l'utilisation d'une calculatrice.

Consignes pour l'épreuve : (cf. BO n° spécial 5 du 21/10/1993)

Pendant votre préparation (deux heures), vous devez tédiger sur les fiches mises à votre disposition, un résumé des commentaires que vous développerez dans votre exposé et les énoncés de vos exercices. La qualité de ces fiches interviendra dans l'appréciation de votre épreuve. Le terme « exercice » est à prendre au sens large ; il peut s'agir d'applications directes du cours, d'exemples ou contre-exemples venant éclairer une méthode, de situations plus globales ou plus complexes utilisant éventuellement des notions prises dans d'autres disciplines.

Vous expliquerez dans votre exposé (25 minutes maximum) la façon dont vous avez compris le sujet et les objectifs recherchés dans les exercices présentés : acquisition de connaissances, de méthodes, de techniques, évaluation. Vous analyserez la pertinence des différents outils mis en jeu.

Cet exposé est suivi d'un entretien (20 minutes minimum).

Annexes:

Vous trouverez page suivante, en annexe, quelques références aux programmes ainsi qu'une documentation conseillée.

Ces indications ne sont ni exhaustives, ni impératives; en particulier, les références aux programmes ne constituent pas le plan de l'exposé.

ANNEXE AU DOSSIER N° 90

Référence aux programmes :

Extraits du programme de Troisième :

Nombres entiers et rationnels				
Diviseurs communs à deux entiers.	Déterminer si deux entiers donnés sont promiers entre eux.	On remarque que la somme et la différence de deux multiples d'un nombre entier sont cux-mêmes multiples de cet entier. On		
Fractions irréductibles.	Savoir qu'une fraction est irréductible si son numérateur et son dénominateur sont premiers entre eux.	construit alors un algorithme, celui d'Euclide ou un autre, (), donnant le PGCD de deux nombres entiers		
	Simplifier une fraction donnée pour la rendre irréductible.			

Extraits du programme de Seconde :

Nature et écriture des nombres. Notations N, Z, D, Q, R. Représentation des nombres dans une calculatrice. Nombres premiers.	Distinguer un nombre d'une de ses vateurs approchées. Interpréter un résultat donné par une calculatrice. Décomposer un entier en produit de nombres	On admettra que l'ensemble des récls est l'ensemble des abscisses des points d'une droite. On travaillera sur les ordres de grandeur. On donnera un ou deux exemples de limite:
i i vinito i protinetti.	promiers.	d'utilisation d'une cateulatrice,

Thèmes d'étude : calcul et fonctions

- Calculatrices et grands numbres.
- Problèmes historiques sur les nombres, irrationalité de $\sqrt{2}$, crible d'Évatosthène (...).
- Caractérisation des éléments de D et de Q, soit en terme de développement décimal fini ou périodique, soit comme quotient irréductible d'entiers (le dénominateur étant ou non de la forme 2⁵ x 5⁴).

Extraits du programme de Première L, option facultative :

Commensurabilité et algorithme	On posera le problème du pavage d'un	On débotiche ainsi de façon très naturelle
d'Eurlide.	rectangle avec des dalles carrées identiques les	sur des nombres n'ayant pas de « commune
	plus grandes possibles.	mesure » et donc sur les nombres
	On fera le lien avec le calcul d'un PGCD,	imptionnels.

Extraits du programme de Terminale S, enseignement de spécialité :

Arithmétique			
Divisibilité dans Z. Division euclidienne ().	On fera la synthèse des connaissances acquises dans ce domaine au collège et en classe de seconde. On étudiera quelques algorithmes simples et on les mettra en œuvre sur calculatrice (), décomposition d'un entier en facteurs premiers, reconnaissance de la primalité d'un entier.		
Nombres premiers. Existence et unicité de la décomposition en produit de facteurs premiers.	On démontrera que l'ensemble des nombres premiers est infiní.	L'unicité de la décomposition en facteurs premiers pourra être admise.	

Documentation conseillée :

Manuels de Troisième, Seconde, Terminale S. Documents d'accompagnement.